

1. Opção D.

$$(\sqrt{3}-1)^2 = 3 - 2\sqrt{3} + 1 = 4 - 2\sqrt{3}$$

2.

$$\frac{1-x}{2} < 3x + \frac{7}{4} \Leftrightarrow \frac{2-2x}{4} < \frac{12x}{4} + \frac{7}{4} \Leftrightarrow 2-2x < 12x+7 \Leftrightarrow -14x < 5 \Leftrightarrow 14x > -5 \Leftrightarrow x > -\frac{5}{14}$$

Conjunto-solução: $\left] -\frac{5}{14}, +\infty \right[$

3.

3.1. Opção C.

3.2.

$$V_{\text{cubo}} = 7^3 = 343 \text{ u.v.}$$

$$V_{\text{pirâmide}} = \frac{1}{3} \times 7^2 \times h, \text{ sendo } h \text{ a altura da pirâmide}$$

$$7^3 = \frac{1}{3} \times 7^2 \times h \Leftrightarrow h = 21$$

Portanto, a altura da pirâmide é 21 unidades de comprimento.

4.

4.1.

$$f(-1) = 2 \times (-1) + 4 = 2. \quad A(-1,2)$$

$$f(x) = 8 \Leftrightarrow 2x + 4 = 8 \Leftrightarrow 2x = 4 \Leftrightarrow x = 2. \quad B(2,8)$$

4.2.

a)

$$g(-1) = 2 \Leftrightarrow a(-1)^2 = 2 \Leftrightarrow a = 2$$

Assim, $g(x) = 2x^2$

b)

$$g(x) = 6 \Leftrightarrow 2x^2 = 6 \Leftrightarrow x^2 = 3 \Leftrightarrow x = \sqrt{3} \vee x = -\sqrt{3}$$

Um dos pontos tem coordenadas $(-\sqrt{3}, 6)$ e o outro $(\sqrt{3}, 6)$.

Conclui-se que $\overline{CD} = 2\sqrt{3}$

5.

$$\tan(\theta) = \frac{\overline{AP}}{\overline{OA}} \Leftrightarrow \frac{4}{3} = \frac{2}{\overline{OA}} \Leftrightarrow \overline{OA} = \frac{3}{2}$$

$$f(x) = \frac{k}{x}. \text{ Então } f\left(\frac{3}{2}\right) = 2 \Leftrightarrow \frac{k}{\frac{3}{2}} = 2 \Leftrightarrow k = 3.$$

Assim, $f(x) = \frac{3}{x}$.

$$f(3) - f(2) = \frac{3}{3} - \frac{3}{2} = 1 - \frac{3}{2} = -\frac{1}{2}$$

6. Opção A.

7.

7.1.

O arco AC tem de amplitude $55 \times 2 = 110^\circ$

O arco ABC tem de amplitude $360^\circ - 110^\circ = 250^\circ$

7.2.

O arco ACB corresponde a uma semicircunferência pelo que a sua amplitude é 180° .

O arco BC tem de amplitude $180^\circ - 110^\circ = 70^\circ$.

7.3.

A amplitude do ângulo CBO é 55° .

A amplitude do ângulo OBD é 90° .

A amplitude do ângulo CBD é $55^\circ + 90^\circ = 145^\circ$.

7.4.

O perímetro da circunferência é $2\pi r = 12\pi \Leftrightarrow r = 6$

Assim, o diâmetro da circunferência tem comprimento igual a 6.

O ângulo ACB é reto pois é um ângulo inscrito numa circunferência.

$$\sin(55^\circ) = \frac{\overline{AC}}{\overline{AB}} \Leftrightarrow \overline{AC} = 12 \times \sin(55^\circ) \approx 9,83$$

$$\cos(55^\circ) = \frac{\overline{BC}}{\overline{AB}} \Leftrightarrow \overline{BC} = 12 \times \cos(55^\circ) \approx 6,88$$

$$A_{\{ABC\}} = \frac{\overline{BC} \times \overline{AC}}{2} = \frac{6,88 \times 9,83}{2} \approx 34 \text{ u.a.}$$

8.

$$\begin{aligned} g(a) - (g(2a) + g(4a) + 2g(8a)) &= \\ = 16 - \left(\frac{g(a)}{2} + \frac{g(a)}{4} + 2 \times \frac{g(a)}{8} \right) &= 16 - \left(\frac{16}{2} + \frac{16}{4} + 2 \times \frac{16}{8} \right) = 16 - (8 + 4 + 4) = 16 - 16 = 0 \end{aligned}$$