Nome da Escola	Ano letivo 20	- 20	Matemática 8.º ano		
Nome do Aluno	Turma	N.º	Data		
Professor			20		



Duração da Prova (Caderno 1 + Caderno 2): 90 minutos

Caderno 1: 35 minutos

É permitido o uso de calculadora.

Todas as respostas são dadas no enunciado da prova.

Utiliza apenas caneta ou esferográfica de tinta azul ou preta.

Só é permitido o uso de calculadora no Caderno 1.

Não é permitido o uso de corretor. Risca aquilo que pretendes que não seja classificado.

Apresenta apenas uma resposta para cada item.

Apresenta as tuas respostas de forma legível.

Se o espaço reservado a uma resposta não for suficiente, podes utilizar o espaço que se encontra no final de cada caderno. Neste caso, deves identificar claramente o item a que se refere a tua resposta.

Nas respostas aos itens de escolha múltipla, assinala com X a opção correta.

As cotações dos itens de cada caderno encontram-se no final do respetivo caderno.



Formulário

Números e Operações

Valor aproximado de π (pi): 3,141 59

Geometria e Medida

Áreas

Polígono regular: $\frac{\text{Perímetro}}{2} \times \text{Apótema}$

Trapézio: $\frac{\text{Base maior} + \text{Base menor}}{2} \times \text{Altura}$

Superficie lateral do cone: πrg , sendo r o raio da base do cone e g a geratriz do cone

Volumes

Prisma e cilindro: Área da base×Altura

Pirâmide e cone: $\frac{\text{Área da base} \times \text{Altura}}{3}$

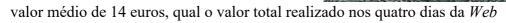




 A Web Summit é a maior conferência da
 Europa em tecnologias e, este ano, decorreu
 em Lisboa ao longo de 4 dias, entre 4 e 7 de
 novembro.

Foram realizadas em média 22 mil compras por dia no recinto da conferência.

Sabendo que cada uma das compras teve um



Summit?

Apresenta o resultado, em euros, em notação científica.

Mostra como chegaste à tua resposta.

2. Três amigos, Daniela (*D*), o Carlos (*C*) e o Alex (*A*), depois de terem falado ao telefone, decidiram ir juntos à *Web Summit*.

O ponto de encontro seria num local do Parque das Nações assinalado na figura com a letra *P* (figura 1).



Figura 1

Sabe-se que $\overline{DP} = 944 \,\mathrm{m}$; $\overline{PC} = 330 \,\mathrm{m}$; $\overline{AP} = 660 \,\mathrm{m}$ e $\overline{AD} = 1141 \,\mathrm{m}$. O triângulo [DPC] é retângulo em P.

- 2.1. A que distância, arredondada às unidades do metro, está a Daniela do Carlos?
 - **(A)** 1000 m
- **(B)** 990 m
- **(C)** 900 m
- **(D)** 884 m

2.2. Os pontos $A, P \in C$ pertencem à mesma reta? Justifica a tua resposta.





3. Na figura 2 está representado o triângulo [ABC], retângulo em B.

Sabe-se que:

- o triângulo [ABC] é a base de uma pirâmide reta;
- $\overline{BC} = 4 \text{ cm}; \overline{AB} = 6 \text{ cm};$
- o volume da pirâmide é 144 cm³.

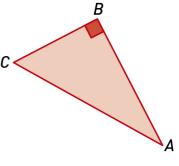


Figura 2

Qual é a altura da pirâmide?

Mostra como obtiveste a tua resposta.

4. A figura 3 é uma fotografia de um depósito de água colocado numa cobertura de uma casa.



Figura 3

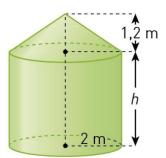


Figura 4

Na figura 4 está representado um modelo geométrico desse depósito.

O modelo não está desenhado à escala.

O modelo representado na figura 4 é um sólido que pode ser decomposto num cone e num cilindro.

Sabe-se que:

- o raio da base do cilindro é igual ao raio da base do cone e é igual a 2 m;
- a altura do cilindro é h m e a do cone é 1,2 m;
- o volume total do sólido é igual a 36,44 m³.

Determina o valor de h.

Apresenta o resultado, em metros, arredondado às décimas.

Sempre que, em cálculos intermédios, procederes a arredondamentos, conserva, no mínimo, três casas decimais.

Apresenta todos os cálculos que efetuares.





5. Transforma a fração $\frac{21}{24}$ numa fração decimal.

Mostra como chegaste à tua resposta.

Se quiseres completar ou emendar alguma resposta, utiliza este espaço. Caso o utilizes, não te esqueças de identificar claramente o item a que se refere cada uma das respostas completadas ou emendadas.

FIM DO CADERNO 1

Cotações

(Caderno 1)

Item							
Cotação (em pontos)							
1.1.	2.1	2.2	3.	4.	5.	Total	
6	6	6	6	8	6	38	





Caderno 2: 55 minutos

Não é permitido o uso de calculadora.

6. Considera a sequência numérica cujos três primeiros termos são os seguintes:

$$\frac{1}{3}$$
, $\frac{1}{9}$, $\frac{1}{27}$, ...

Admite que a regularidade se mantém para os próximos termos.

Qual das opções seguintes pode representa o quinto termo desta sequência?

(A)
$$\frac{1}{3^{-5}}$$

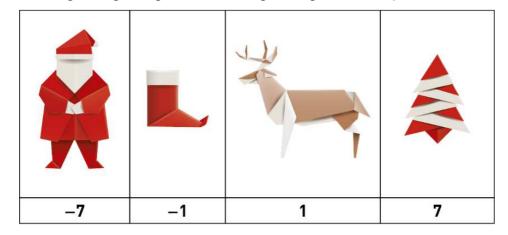
(C)
$$3^{-5}$$

(D)
$$\frac{1}{9^2}$$

7. Coloca os números seguintes por ordem crescente.



8. Na figura seguinte podes observar quatro tipos de adereços de Natal.



A Paula escreveu a equação seguinte cuja solução corresponde ao seu adereço favorito.

$$\frac{1-2x}{3} = 1 - \frac{x-1}{2}$$

Identifica qual é esse adereço, resolvendo a equação.

Mostra como chegaste à tua resposta.





9. A Joana fez a operação 1:19 na máquina de calcular e, no visor, apareceu o seguinte resultado:



O valor que vês no visor é um valor aproximado do quociente entre 1 e 19. Será que 1:19 é um número irracional?

Justifica a tua resposta.

10. O valor numérico da expressão seguinte

$$(-1)^3 - \left(\frac{1}{2}\right)^{-1}$$
 é:

- **(A)** -2
- **(B)** -3
- **(C)** −4
- **(D)** -5

- 11. O número $\sqrt{2}$ corresponde a:
 - (A) uma dízima finita;
 - (B) uma dízima infinita periódica;
 - (C) uma dízima infinita não periódica;
 - (D) um número inteiro.
- 12. Calcula o valor da seguinte expressão.

$$\left(\frac{3}{2}\right)^{-2} \times \left(\frac{2}{3}\right)^{6} : \left(-\frac{2}{3}\right)^{-1}$$

Aplica, sempre que possível, as regras operatórias das potências.

Apresenta o resultado na forma de potência de base $-\frac{3}{2}$.

Apresenta todos os cálculos que tiveres de efetuar.





- 13. A figura 5 mostra um chapéu com a forma de cone. Sabe-se que:
 - a área da superfície lateral do cone é 942,48 cm²;
 - o diâmetro da base do cone é 20 cm.

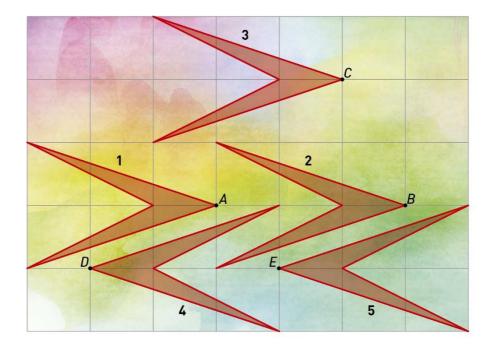
A medida da geratriz do cone, em centímetros, é:

- **(A)** 15
- **(B)** 20
- **(C)** 25
- **(D)** 30



14. Considera os polígonos 1, 2, 3, 4 e 5.

Os pontos A, B, C, D e E, assinalados na figura, são vértices dos referidos polígonos.



- 14.1. O polígono 3 pode ser obtido como imagem do polígono 1 por meio de uma translação associada a um dos vetores seguintes. A qual deles?
 - (A) $\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{BC}$

- **(B)** $\overrightarrow{DA} + \overrightarrow{AC}$ **(C)** $\overrightarrow{AC} + \overrightarrow{CA}$ **(D)** $\overrightarrow{AC} + \overrightarrow{CB}$
- **14.2.** Um dos vetores seguintes representa o vetor nulo. Qual é deles?
 - (A) $\overrightarrow{AC} + \overrightarrow{AB}$
- **(B)** $\overrightarrow{DE} + \overrightarrow{AB}$ **(C)** $\overrightarrow{ED} + \overrightarrow{AB}$ **(D)** $\overrightarrow{EB} + \overrightarrow{DA}$





Se quiseres completar ou emendar alguma resposta, utiliza este espaço.

Caso o utilizes, não te esqueças de identificar claramente o item a que se refere cada uma das respostas completadas ou emendadas.

FIM DO CADERNO 2

Cotações

(Caderno 2)

						Item				
Cotação (em pontos)										
6.	7.	8.	9.	10.	11.	12.	13.	14.1.	14.2.	Total
5	7	7	7	7	5	7	7	5	5	62

TOTAL (Caderno 1 + Caderno 2)	100	
-------------------------------	-----	--





Proposta de Resolução

Caderno 1

1. $22\ 000 \times 14 \times 4 = 1\ 232\ 000 = 1,232 \times 10^6$

Resposta: $1,232 \times 10^6$

2.1. $\sqrt{944^2 + 330^2} \approx 1000,018 \text{ m}$

Resposta: (A)

2.2. Para que os pontos A, P e C pertençam à mesma reta, o triângulo APD tem de ser retângulo em P.

$$1141^2 = 660^2 + 944^2$$

$$1301881 = 435600 + 891136$$

Resposta: O triângulo [APD] não é retângulo em P, pelo que os pontos A, P e C não pertencem à mesma reta.

 $3. V = \frac{1}{3} \times A_b \times h$

$$144 = \frac{1}{3} \times \frac{4 \times 6}{2} \times h \iff$$

$$\Leftrightarrow$$
 144 = 4× h \Leftrightarrow

$$\Leftrightarrow h = \frac{144}{4} = 36$$

Resposta: 36 cm

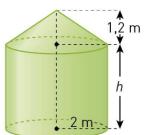
4. $36,44 = \frac{1}{3} \times 2^2 \times \pi \times 1, 2 + \pi \times 2^2 \times h$

$$36,44 = 1,6\pi + 4\pi h$$

$$31,413 = 4\pi h$$

$$h \approx 2,500 \text{ m}$$

Resposta: A altura, h, é aproximadamente igual a 2,5 metros.



 $5. \qquad \frac{21}{24} = 0,875 = \frac{875}{1000}$

Resposta: $\frac{875}{1000}$



Caderno 2

- 6. Resposta: (C)
- 7. $25 \times 10^{-7} = 2,5 \times 10^{-6}$

$$0,000025 = 2,5 \times 10^{-5}$$

$$0,25 \times 10^3 = 2,5 \times 10^2$$

$$2,5 \times 10^{-4}$$

$$25 \times 10^{-7} < 0,000\,025 < 2,5 \times 10^{-4} < 0,25 \times 10^{3}$$

8. $\frac{1-2x}{3} = \frac{1}{1} - \frac{x-1}{2} \Leftrightarrow$ $\Leftrightarrow 2-4x = 6-3x+3 \Leftrightarrow$

$$\Leftrightarrow$$
 $-4x + 3x = 6 + 3 - 2 \Leftrightarrow$

$$\Leftrightarrow$$
 $-x = 7 \Leftrightarrow x = -7$

Resposta: Pai Natal

9. Não é possível concluir, pelo que vemos no visor de uma calculadora, pois esta apresenta um número limitado de dígitos.

Sabemos que $\frac{1}{19}$ é um número racional, porque é o quociente de dois números inteiros.

- 10. Resposta: (B)
- 11. Resposta: (C)

12.
$$\left(\frac{3}{2}\right)^{-2} \times \left(\frac{2}{3}\right)^{6} : \left(-\frac{2}{3}\right)^{-1} =$$

$$= \left(\frac{2}{3}\right)^{2} \times \left(\frac{2}{3}\right)^{6} : \left(-\frac{2}{3}\right)^{-1} =$$

$$= \left(\frac{2}{3}\right)^{8} : \left(-\frac{2}{3}\right)^{-1} = \left(-\frac{2}{3}\right)^{9} = \left(-\frac{3}{2}\right)^{-9}$$

13. De acordo com o formulário, tem-se que a área da superfície lateral do cone é dada por πrg .

Assim:

$$\pi rg = 942,48 \Leftrightarrow$$

$$\Leftrightarrow \pi 10g = 942,48 \Leftrightarrow$$

$$\Leftrightarrow g = \frac{942,48}{10\pi} \Leftrightarrow g \approx 30$$

Resposta: (D)

- 14.1. Resposta: (A)
- 14.2. Resposta: (C)

