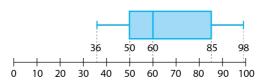
Duração: 90 minutos

1. O diagrama de extremos e quartis da figura representa as notas, de 0 a 100 pontos, obtidas no último teste de Matemática pelos alunos do 9.º ano de uma escola.

Notas obtidas num teste de Matemática



Indica o valor lógico de cada uma das afirmações, corrigindo as falsas.

- A. Um quarto dos alunos obteve 50 ou menos pontos.
- **B.** A melhor nota foi 85 pontos.
- C. Metade dos alunos obteve 50 ou mais pontos.
- **D.** A diferença entre a melhor e a pior nota foi 62 pontos.
- 2. Na altura do Natal, o diretor de turma perguntou aos seus alunos se gostariam de trocar presentes com os colegas e de organizar uma pequena festa.

Dos 25 alunos, 10 responderam que gostariam de trocar presentes e 14 responderam que gostariam de organizar uma festa. Houve ainda 8 alunos que responderam que não queriam uma coisa nem outra.

- **2.1** Organiza os dados num diagrama de Venn ou numa tabela de dupla entrada.
- 2.2 Vamos escolher aleatoriamente um aluno dessa turma. Considera os acontecimentos:

T - "O aluno quer trocar presentes."

F - "O aluno quer organizar uma festa."

Indica o valor de:

- a) P(T)
- b)  $P(\bar{F})$
- c)  $P(T \cap F)$
- **d)**  $P(T \cup F)$
- 3. Um estudo feito pela CP, Comboios de Portugal, mostra que, entre os passageiros que viajam no Alfa Pendular no percurso Lisboa-Porto, a probabilidade de se sair na estação de Coimbra B é  $\frac{3}{4}$ .

Se, num certo comboio Alfa Pendular entre essas duas cidades viajarem 400 passageiros, quantos poderão sair em Coimbra B?

- **4.** Dentro de um saco estão cartões numerados de 2 a 8. O Miguel e a Joana vão jogar o seguinte jogo: cada um retira um cartão e guarda-o. Se ambos retirarem cartões com números primos, ganha o Miguel. Se ambos retirarem cartões com números compostos, o jogo fica empatado. Nos restantes casos, ganha a Joana. Qual dos dois amigos tem maior probabilidade de ganhar? Apresenta todos os cálculos que efetuares.
- **5.** Verifica se existe algum tipo de proporcionalidade representada nas tabelas seguintes. Em caso afirmativo, indica a constante de proporcionalidade e a expressão analítica respetivas.

5.1

х	5	4	6	
y	2	10	20	

5.2

x	5	10	1	
y	y 2		10	

5.3

x	<i>x</i> 8		2	
у	4	2	1	

**6.** Considera as funções  $f \in g$  definidas por:

$$f(x) = x^2$$
 e  $g(x) = \frac{5}{4}x + \frac{3}{2}$ 

Os gráficos de f e g intersetam-se em dois pontos. Determina as abcissas desses dois pontos, resolvendo a equação f(x) = g(x).

7. Sem resolveres a equação seguinte, determina quantas soluções tem.

$$9x^2 + 1 = 3x + \frac{1}{2}$$

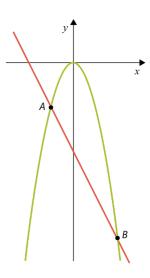
**8.** Observa os gráficos das funções f e g, funções afim e quadrática, respetivamente.

Sabe-se que:

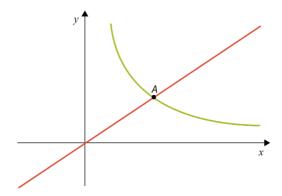
- os pontos A e B pertencem a ambos os gráficos;
- o ponto B tem coordenadas (2, -8);
- a abcissa do ponto  $A \in -1$ .

Determina:

- **8.1** a expressão analítica da função g;
- 8.2 as coordenadas do ponto A;
- **8.3** a expressão analítica da função f.



- 9. Quatro alunos decidiram comprar uma prenda para a professora de Matemática. Dividiram o custo e a cada um coube o valor de 9 €. À última hora, dois novos alunos quiseram participar, pelo que foi feita nova divisão do valor a pagar. Quanto terá de pagar cada um dos alunos?
- 10. No referencial estão representados os gráficos de f e de g, uma reta e um ramo de hipérbole, respetivamente. A reta passa na origem do referencial.



Sabendo que o ponto A, de coordenadas (3, 2), é o ponto de interseção dos dois gráficos, determina:

**10.1** as expressões analíticas de f e de g;

**10.2** 
$$f(3) - 4 \times g(3)$$
.

**Nota:** Caso não tenhas resolvido a alínea 10.1, considera f(x) = 2x e  $g(x) = \frac{9}{x}$ .

Questão	1.	2.1	2.2 a)	2.2 b)	2.2 c)	2.2 d)	3.	4.	5.1	5.2
Cotação	8	8	4	4	4	8	4	4	4	4
Questão	5.3	6.	7.	8.1	8.2	8.3	9.	10.1	10.2	Total
Cotação	4	4	6	6	8	4	4	4	8	100