

Teste de Avaliação

Nome _____ N.º _____ Turma _____ Data ____/jan./2023

Avaliação _____ E. Educação _____ Professor _____

MATEMÁTICA – 9.º ANO

Duração: 90 minutos

Na resposta aos itens de escolha múltipla, seleciona a opção correta. Escreve, na folha de respostas, o número do item e a letra que identifica a opção escolhida.

Na resposta aos restantes itens, apresenta o teu raciocínio de forma clara, indicando todos os cálculos que tiveres de efetuar e todas as justificações necessárias.

FORMULÁRIO

Números e Operações

Valor aproximado de π (pi): 3,14159

Geometria e Medida

Áreas

Polígono regular: $\frac{\text{Perímetro}}{2} \times \text{Apótema}$

Trapézio: $\frac{\text{Base maior} + \text{Base menor}}{2} \times \text{Altura}$

Superfície esférica: $4\pi r^2$, sendo r o raio da esfera

Superfície lateral do cone: $\pi r g$, sendo r o raio da base do cone e g a geratriz do cone

Volumes

Prisma e cilindro: Área da base \times Altura

Pirâmide e cone: $\frac{\text{Área da base} \times \text{Altura}}{3}$

Esfera: $\frac{4}{3}\pi r^3$, sendo r o raio da esfera

Trigonometria

Fórmula fundamental: $\text{sen}^2 x + \text{cos}^2 x = 1$

Relação da tangente com o seno e com o cosseno: $\text{tg } x = \frac{\text{sen } x}{\text{cos } x}$

Álgebra

Fórmula resolvente de uma equação do segundo grau da forma

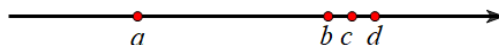
$$ax^2 + bx + c = 0: x = \frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a}$$

Tabela trigonométrica

Graus	Seno	Cosseno	Tangente	Graus	Seno	Cosseno	Tangente
1	0,0175	0,9998	0,0175	46	0,7193	0,6947	1,0355
2	0,0349	0,9994	0,0349	47	0,7314	0,6820	1,0724
3	0,0523	0,9986	0,0524	48	0,7431	0,6691	1,1106
4	0,0698	0,9976	0,0699	49	0,7547	0,6561	1,1504
5	0,0872	0,9962	0,0875	50	0,7660	0,6428	1,1918
6	0,1045	0,9945	0,1051	51	0,7771	0,6293	1,2349
7	0,1219	0,9925	0,1228	52	0,7880	0,6157	1,2799
8	0,1392	0,9903	0,1405	53	0,7986	0,6018	1,3270
9	0,1564	0,9877	0,1584	54	0,8090	0,5878	1,3764
10	0,1736	0,9848	0,1763	55	0,8192	0,5736	1,4281
11	0,1908	0,9816	0,1944	56	0,8290	0,5592	1,4826
12	0,2079	0,9781	0,2126	57	0,8387	0,5446	1,5399
13	0,2250	0,9744	0,2309	58	0,8480	0,5299	1,6003
14	0,2419	0,9703	0,2493	59	0,8572	0,5150	1,6643
15	0,2588	0,9659	0,2679	60	0,8660	0,5000	1,7321
16	0,2756	0,9613	0,2867	61	0,8746	0,4848	1,8040
17	0,2924	0,9563	0,3057	62	0,8829	0,4695	1,8807
18	0,3090	0,9511	0,3249	63	0,8910	0,4540	1,9626
19	0,3256	0,9455	0,3443	64	0,8988	0,4384	2,0503
20	0,3420	0,9397	0,3640	65	0,9063	0,4226	2,1445
21	0,3584	0,9336	0,3839	66	0,9135	0,4067	2,2460
22	0,3746	0,9272	0,4040	67	0,9205	0,3907	2,3559
23	0,3907	0,9205	0,4245	68	0,9272	0,3746	2,4751
24	0,4067	0,9135	0,4452	69	0,9336	0,3584	2,6051
25	0,4226	0,9063	0,4663	70	0,9397	0,3420	2,7475
26	0,4384	0,8988	0,4877	71	0,9455	0,3256	2,9042
27	0,4540	0,8910	0,5095	72	0,9511	0,3090	3,0777
28	0,4695	0,8829	0,5317	73	0,9563	0,2924	3,2709
29	0,4848	0,8746	0,5543	74	0,9613	0,2756	3,4874
30	0,5000	0,8660	0,5774	75	0,9659	0,2588	3,7321
31	0,5150	0,8572	0,6009	76	0,9703	0,2419	4,0108
32	0,5299	0,8480	0,6249	77	0,9744	0,2250	4,3315
33	0,5446	0,8387	0,6494	78	0,9781	0,2079	4,7046
34	0,5592	0,8290	0,6745	79	0,9816	0,1908	5,1446
35	0,5736	0,8192	0,7002	80	0,9848	0,1736	5,6713
36	0,5878	0,8090	0,7265	81	0,9877	0,1564	6,3138
37	0,6018	0,7986	0,7536	82	0,9903	0,1392	7,1154
38	0,6157	0,7880	0,7813	83	0,9925	0,1219	8,1443
39	0,6293	0,7771	0,8098	84	0,9945	0,1045	9,5144
40	0,6428	0,7660	0,8391	85	0,9962	0,0872	11,4301
41	0,6561	0,7547	0,8693	86	0,9976	0,0698	14,3007
42	0,6691	0,7431	0,9004	87	0,9986	0,0523	19,0811
43	0,6820	0,7314	0,9325	88	0,9994	0,0349	28,6363
44	0,6947	0,7193	0,9657	89	0,9998	0,0175	57,2900
45	0,7071	0,7071	1,0000				

1. Considera o conjunto $A = \{\sqrt{10}; 2 - \pi; \frac{19}{6}; -\frac{7}{6}; -\sqrt{2}; -1, (1); \frac{2}{3}\}$

1.1. Na reta real seguinte estão representados quatro pontos, cujas abcissas, designadas por a , b , c e d , são elementos do conjunto A .



Indica os valores de a , b , c e d .

1.2. Considera o intervalo $[p, q[$, sendo p e q dois elementos do conjunto A .

Sabendo que $q - p < 0,005$, qual dos seguintes números racionais pertence ao intervalo $[p, q[$?

(A) 3,16

(B) 3,17

(C) 3,166

(D) 3,167

1.3. Indica as dízimas infinitas não periódicas do conjunto A .

1.4. Seja S a soma dos números racionais pertencentes ao conjunto A .

Resolve, em ordem a x , a equação $S + x = 3$.

Apresenta a solução na forma de fração irredutível.

Sugestão: Começa por determinar, na forma de fração irredutível, o valor de S .

2. Considera os conjuntos de números reais P e Q tais que:

$$P = [-\pi, 1[\quad \text{e} \quad Q = \{x \in \mathbb{R}: x > -3\}.$$

Indica na forma de intervalo de números reais:

2.1. $P \cap Q$;

2.2. $P \cup Q$;

2.3. $P \cap \mathbb{R}^-$.

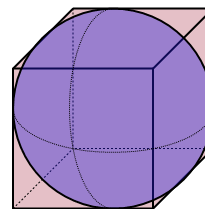
3. Considera a seguinte inequação

$$1 - \frac{5+x}{3} \leq 2(1-x)$$

Determina o maior número inteiro que é solução da inequação.

4. Na figura ao lado está representada uma esfera dentro de um cubo.

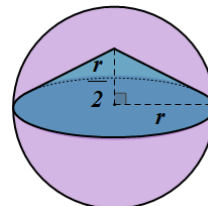
Sabe-se que a esfera, de volume igual a $108\pi \text{ cm}^3$, é tangente a todas as faces do cubo nos seus centros.



- 4.1. Determina, em cm^3 , o valor exato do volume do cubo não ocupado pela esfera.

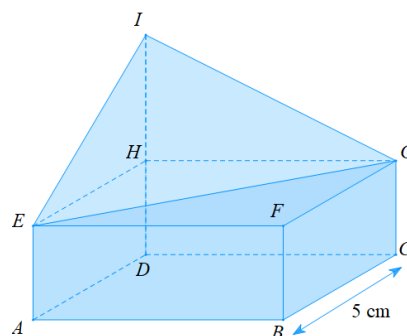
- 4.2. Considera um cone, cuja base tem o mesmo raio da esfera e com altura igual a metade desse raio.

Qual é, em cm^3 , o volume do cone?



- (A) 54π (B) 36π (C) 27π (D) $13,5\pi$

5. Na figura está representado um sólido formado pela pirâmide triangular reta $[EGHI]$ e pelo paralelepípedo $[ABCDEFGH]$.



- 5.1. Considera as seguintes afirmações:

- I. A reta EI não intersesta o plano ABC .
- II. A reta IF é concorrente com o plano EGI .
- III. As retas EG e DI são concorrentes.

Quantas das afirmações anteriores são verdadeiras?

- (A) 0 (B) 1 (C) 2 (D) 3

- 5.2. Sabe-se que $\overline{BC} = 5 \text{ cm}$, $\overline{HI} = x \text{ cm}$, $\overline{AB} = 2\overline{HI}$ e $\overline{EA} = \frac{3}{4}\overline{HI}$.

- 5.2.1. Considera o seguinte problema:

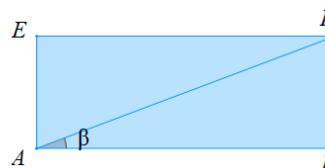
“Sabendo que o volume do sólido é igual a $\frac{440}{3} \text{ cm}^3$, qual é o valor de x ?”

Traduz o problema por uma equação e, resolvendo-a, determina o valor de x .

- 5.2.2. Considera $x = 4$.

Seja β a amplitude do ângulo BAF .

Determina o valor exato de $\cos(\beta)$.



7.3. Um dos aparelhos de ginástica que existe no parque é uma prancha abdominal como as que podes ver na figura 1. Na figura 2 está representada uma dessas pranchas.



Figura 1

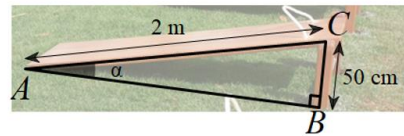


Figura 2

Atendendo aos dados da figura 2, determina, em graus, a amplitude, α , do ângulo BAC . Apresenta o resultado arredondado às décimas.

FIM

Cotações:

1.1	1.2	1.3	1.4	2.1	2.2	2.3	3.	4.1	4.2	5.1	5.2.1	5.2.2	6.	7.1	7.2	7.3
8	3	3	10	3	3	3	11	10	3	3	10	8	3	3	10	6

Total: 100 pontos