Novo Espaço – Matemática A, 10.º ano



Proposta de teste de avaliação [maio - 2024]

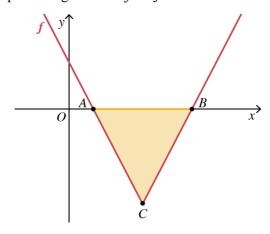
Nome: ______

Ano / Turma: _____

N.º:

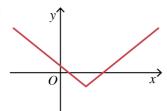
Data: ____ - ___ - ___

- a No.
- 1. No referencial da figura está representada a função f, de domínio \mathbb{R} , definida por f(x) = |2x 6| 4 e o triângulo [ACB], sendo A e B os pontos de interseção do gráfico de f com o eixo Ox e C o ponto do gráfico de f cuja ordenada é mínima.

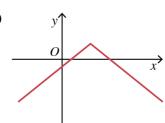


- **1.1.** Define a função f por ramos.
- **1.2.** Determina a área do triângulo ACB.
- 2. Considera a função g definida por g(x) = -2|x-3| + 4
 - **2.1.** Em qual das seguintes opções pode estar representado o gráfico de g?

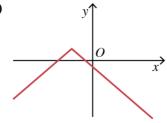
(A)



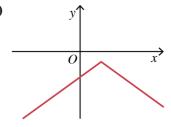
(B)



(C)



(D)



2.2. Determina analiticamente os valores de x que satisfazem a seguinte condição: $g(x) \ge -6$



- 3. Dados dois polinómios C(x) e D(x), sabe-se que:
 - o polinómio $C(x) \times D(x)$ tem grau 10;
 - o polinómio $D(x)-x^3+3x$ tem grau 6.

Qual é, então, o grau do polinómio C(x)?

- **(A)** 3
- **(B)** 4
- **(C)** 5
- **(D)** 6
- 4. Na figura está representado um retângulo, [ABCD]. Sabe-se que a área do retângulo é representada pela expressão $S(x) = 2x^3 + 3x^2 + 4$ e a medida do lado [BC], pela expressão R(x) = x + 2.



Determina uma expressão simplificada do perímetro do retângulo [ABCD].

5. Seja $P(x) = x^4 - 3x^2 + 5x - k$, $k \in \mathbb{R}$.

Recorrendo ao Teorema do Resto, determina k, de modo que o resto da divisão de P(x) por x-1 seja igual a 7.

- **6.** Considera o polinómio $P(x) = 3x^3 + 2x^2 7x + 2$.
 - **6.1.** Mostra que 1 é raiz de P(x).
 - **6.2.** Resolve a inequação $P(x) \le 0$.
- 7. Considera os polinómios $A(x) = 2x^3 6x^2 + 6x 2$ e $B(x) = -x^2 + 2x$ e as seguintes afirmações:
 - I. 1 é raiz de multiplicidade 3 de A(x).
 - II. O quociente da divisão inteira de A(x) por B(x) é o polinómio Q(x) = 2x 2.

O que se pode concluir relativamente ao valor lógico das proposições anteriores?

(A) São ambas verdadeiras.

(B) São ambas falsas.

(C) Apenas I é verdadeira.

(D) Apenas II é verdadeira.



8. Considera a função, de domínio \mathbb{R} , definida por $g(x) = x^4 - 3x^3 - 2$.

O gráfico de g, num referencial o.m. Oxy, interseta a reta de equação y = x + 3 em dois pontos, $A \in B$, sendo o ponto A o que tem menor abcissa.

Seja C a projeção ortogonal do ponto B no eixo Ox.

Recorrendo às capacidades gráficas da calculadora, determina a medida da área do triângulo [ACB]. Apresenta o resultado arredondado às décimas.

Na tua resposta:

- reproduz, num referencial, o(s) gráfico(s) da(s) função(ões), visualizado(s) na calculadora, que te permite(m) resolver o problema;
- indica as coordenadas dos pontos A, B e C, arredondadas às milésimas se necessário;
- apresenta a medida da área do triângulo [ACB].

FIM

Cotações

Questões	1.1	1.2	2.1	2.2	3.	4.	5.	6.1	6.2	7.	8.	Total
Cotação (pontos)	20	20	15	20	15	20	20	15	20	15	20	200