

1.

1.1 $\overrightarrow{NB} = -2\overrightarrow{AG}$

Opção (C)

1.2. $\overrightarrow{OH} + \overrightarrow{GB} = \overrightarrow{OH} + \overrightarrow{HC} = \overrightarrow{OC}$

Opção (B)

1.3. $O + \overrightarrow{ME} - \frac{3}{4}\overrightarrow{AE} = O + \overrightarrow{ME} + \overrightarrow{EB} = O + \overrightarrow{OD} = D$

Opção (B)

2.

2.1 $\overrightarrow{AE} + \overrightarrow{HG} - \overrightarrow{DE} = \overrightarrow{AE} + \overrightarrow{ED} + \overrightarrow{DC} = \overrightarrow{AC} = \overrightarrow{EG}$

Opção (C)

2.2. $\overline{EF} = \overline{FG} = \sqrt{6}$

Pelo Teorema de Pitágoras:

$$\overline{EG}^2 = \sqrt{6}^2 + \sqrt{6}^2 \Leftrightarrow$$

$$\Leftrightarrow \overline{EG}^2 = 12$$

$$\Leftrightarrow_{EG>0} \overline{EG} = 2\sqrt{3}$$

$$\frac{5\sqrt{3}}{\overline{EG} + 4} = \frac{5\sqrt{3}}{2\sqrt{3} + 4} = \frac{5\sqrt{3}(2\sqrt{3} - 4)}{(2\sqrt{3} + 4)(2\sqrt{3} - 4)} = \frac{30 - 20\sqrt{3}}{-4} = \frac{10\sqrt{3} - 15}{2}$$

3. O centro da esfera é o ponto $C(0,0,3)$. Então, um dos planos que divide a esfera em dois sólidos com o mesmo volume é o plano de equação $y=0$.

Opção (A)

4.

4.1. $y = 6$

4.2. $x = 6 \wedge z = 9$

4.3. $x = 3$

4.4. Os triângulos $[ABD]$ e $[HID]$ são semelhantes, pelo critério AA, uma vez que

$\widehat{BAD} = \widehat{HID} = 90^\circ$ e o ângulo ADB é comum aos dois triângulos.

$$\frac{\overline{DH}}{\overline{DA}} = \frac{\overline{HI}}{\overline{AB}} \Leftrightarrow \frac{\overline{DH}}{9} = \frac{4}{6} \Leftrightarrow \overline{DH} = 6$$

Então, $\overline{AH} = 3$.

Equação cartesiana do plano HIJ : $z = 3$

5.

5.1. Seja $P(x, y, z)$ um ponto qualquer da reta r .

$$\begin{aligned} \sqrt{(x-6)^2 + y^2} &= \sqrt{(x-3)^2 + (y-2)^2} \Leftrightarrow \\ \Leftrightarrow (x-6)^2 + y^2 &= (x-3)^2 + (y-2)^2 \\ \Leftrightarrow -12x + 36 &= -6x + 9 - 4y + 4 \\ \Leftrightarrow 4y &= 6x - 23 \\ \Leftrightarrow y &= \frac{3}{2}x - \frac{23}{4} \end{aligned}$$

5.2 $\overline{AC} = \sqrt{(6-3)^2 + (0-2)^2} = \sqrt{13}$

Equação cartesiana da circunferência de centro C que passa no ponto A :

$$(x-3)^2 + (y-2)^2 = 13$$

Equação reduzida da reta s (paralela a r que passa na origem do referencial):

$$y = \frac{3}{2}x$$

Condição que define a região sombreada:

$$(x-3)^2 + (y-2)^2 \leq 13 \wedge y > \frac{3}{2}x + \frac{23}{4} \wedge y \leq \frac{3}{2}x \wedge y \geq 0$$

6.

$$\begin{aligned} \left\| \left(k + \frac{1}{2} \right) \vec{v} - 3\vec{v} \right\| = \|\vec{v}\| &\Leftrightarrow \left\| \left(k + \frac{1}{2} - 3 \right) \vec{v} \right\| = \|\vec{v}\| \Leftrightarrow \left\| \left(k - \frac{5}{2} \right) \vec{v} \right\| = \|\vec{v}\| \Leftrightarrow \left| k - \frac{5}{2} \right| \|\vec{v}\| = \|\vec{v}\| \Leftrightarrow \\ \Leftrightarrow \left| k - \frac{5}{2} \right| = 1 &\Leftrightarrow k - \frac{5}{2} = 1 \vee k - \frac{5}{2} = -1 \Leftrightarrow k = \frac{7}{2} \vee k = \frac{3}{2} \end{aligned}$$