

1. $A'(-1, -1, 0)$ e $B'(-3, -3, -2)$

$$\overrightarrow{A'B'} = B' - A' = (-2, -2, -2)$$

Resposta: Opção (A)

2.

2.1. Duas retas paralelas têm igual declive.

O declive da reta AB é $\frac{8}{5}$. Um vetor diretor é $\vec{u}(5, 8)$.

Uma equação vetorial da reta s é, por exemplo: $(x, y) = (8, 2) + k(5, 8)$, $k \in \mathbb{R}$

2.2. Reta BC : $(x, y) = (4, 3) + k(3, -6)$, $k \in \mathbb{R}$

Assim, o declive da reta BC é $m = \frac{-6}{3} = -2$.

$$y = -2x + b$$

O ponto $(4, 3)$ pertence à reta BC . Então, $3 = -2 \times 4 + b$, ou seja, $b = 11$.

Resposta: A equação reduzida da reta BC é $y = -2x + 11$.

2.3. O ponto B é a interseção das retas AB e BC .

Reta AB : $y = \frac{8}{5}x + 2$

Reta BC : $(x, y) = (4, 3) + k(3, -6)$, $k \in \mathbb{R}$

O ponto B é do tipo $(4 + 3k, 3 - 6k)$, $k \in \mathbb{R}$.

As coordenadas do ponto B são solução da equação $y = \frac{8}{5}x + 2$.

$$3 - 6k = \frac{8}{5}(4 + 3k) + 2$$

$$3 - 6k = \frac{8}{5}(4 + 3k) + 2 \Leftrightarrow 1 - 6k = \frac{8}{5}(4 + 3k) \Leftrightarrow 5 - 30k = 32 + 24k \Leftrightarrow k = -\frac{1}{2}$$

Sendo $k = -\frac{1}{2}$, tem-se $B\left(4 + 3 \times \left(-\frac{1}{2}\right), 3 - 6 \times \left(-\frac{1}{2}\right)\right)$, ou seja, $B\left(\frac{5}{2}, 6\right)$.

A ordenada de B , ou seja, 6 é a distância de B a Ox .

Resposta: A distância de B ao solo é 6 metros.

3. O declive da reta r é: $m = \frac{3}{-2} = -\frac{3}{2}$

Equação da reta s : $y - 2x = ax + 5 \Leftrightarrow y = 2x + ax + 5 \Leftrightarrow y = (2 + a)x + 5$

O declive da reta s é: $m' = 2 + a$

$$m' = m \Leftrightarrow 2 + a = -\frac{3}{2} \Leftrightarrow a = -\frac{7}{2}$$

Resposta: Opção (C) $-\frac{7}{2}$

4.

4.1. Centro $G(6, 8, 3)$ e raio 3

Equação: $(x - 6)^2 + (y - 8)^2 + (z - 3)^2 = 9$

4.2. Equação da reta r : $(x, y, z) = (-2, 14, 3) + k(4, -6, -1)$, $k \in \mathbb{R}$

O ponto T é do tipo $(-2 + 4k, 14 - 6k, 3 - k)$, $k \in \mathbb{R}$ e pertence ao plano BAF , que é definido pela equação $x = 6$.

Se $x = 6$, então $-2 + 4k = 6$, ou seja, $k = 2$.

Sendo $k = 2$, tem-se $T(6, 2, 1)$.

O ponto S é do tipo $(-2 + 4k, 14 - 6k, 3 - k)$, $k \in \mathbb{R}$ e pertence ao plano BCD que é definido pela equação $y = 8$.

Se $y = 8$, então $14 - 6k = 8$, ou seja, $k = 1$.

Sendo $k = 1$, tem-se $S(2, 8, 2)$.

$$\overline{TS} = \sqrt{(6 - 2)^2 + (2 - 8)^2 + (1 - 2)^2} = \sqrt{53}$$

$$\overline{TS} \approx 7,28$$

Resposta: $\overline{TS} \approx 7,28$

5. Se $f(x) = 2x^2 - 3$:

$$f(-1) = 2 - 3 = -1; f(2) = 8 - 3 = 5 \text{ e } f(1) = 2 - 3 = -1$$

Resposta: Opção (C) $2x^2 - 3$

6.

6.1. Após 12 minutos, a quantidade de água, em litros, é igual a $2 + 0,6 \times 12 = 9,2$.

Resposta: Passados 12 minutos, o recipiente terá 9,2 litros de água.

6.2. $f(x) = 2 + 0,6x$

a) $f(0) = 2 + 0,6 \times 0 = 2$

A ordenada do ponto A é 2 e representa a quantidade de água, em litros, existente no recipiente no momento em que foi colocado debaixo da torneira.

b) $f(30) = 2 + 0,6 \times 30 = 20$

A ordenada do ponto B é 20 e representa a quantidade de água, em litros, existente no recipiente 30 minutos após ter sido colocado debaixo da torneira.

c) $f(x) = 26$

$$2 + 0,6x = 26 \Leftrightarrow 0,6x = 24 \Leftrightarrow x = 40$$

A abcissa do ponto C é 40 e representa o tempo decorrido, em minutos, até o recipiente ficar cheio.