



4- Sabe-se, acerca de uma sucessão  $(v_n)$ , que  $\forall n \in \mathbb{N}$ ,  $v_{n+1} - v_n = \frac{5}{(2n-11)(2n+3)}$

Quanto à monotonia podemos concluir que a sucessão  $(v_n)$ :

- (A) é monótona crescente. (B) é monótona decrescente.  
 (C) não é monótona. (D) é monótona em sentido lato.

5. Dados dois vetores  $\vec{u}$  e  $\vec{v}$ , de normas  $k$  e sentidos opostos, é possível concluir que :

- (A)  $\vec{u} \cdot \vec{v} = k^2$  (B)  $\vec{u} \cdot \vec{v} = -k^2$  (C)  $\vec{u} \cdot \vec{v} = 2k$  (D)  $\vec{u} \cdot \vec{v} = 0$

Nas questões desta segunda parte, apresente o seu raciocínio de forma clara, indicando todos os cálculos que tiver efetuado e todas as justificações julgadas necessárias.

**Atenção:** quando, para um resultado, não é pedida a aproximação, pretende-se sempre o valor exato.

### 2ª Parte

1. Considere a sucessão  $(u_n)$  de termo geral  $u_n = -3 + \frac{6}{n+2}$ .

- 1.1 Determine o primeiro termo e o termo de ordem 10 da sucessão.  
 1.2 Averigue se -2,7 é termo da sucessão.  
 1.3 Analise a monotonia de  $(u_n)$ .  
 1.4 Determine o menor  $L$ , tal que  $|u_n| < L$ ,  $L \in \mathbb{R}^+$

2. Considere a sucessão  $(a_n)$  definida, por recorrência, por:  $\begin{cases} a_1 = 5 \\ a_{n+1} = a_n + 7, \forall n \in \mathbb{N} \end{cases}$

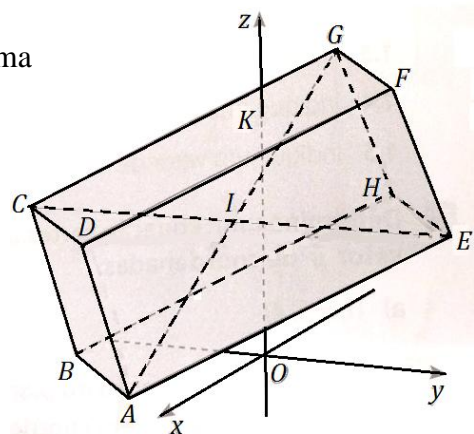
2.1 Mostre que  $(a_n)$  é uma progressão aritmética e escreva o seu termo geral.

2.2 Prove, por indução matemática, que  $\sum_{k=1}^n (7k-2) = \frac{7n^2+3n}{2}, \forall n \in \mathbb{N}$ .

3. Na figura está representado, em referencial o.n.  $Oxyz$ , o prisma quadrangular regular  $[ABCDEFGH]$ , de base  $[ABCD]$ .

Sabe-se que:

- o plano  $ABC$  é definido por  $2x-2y-z=8$ ;
- $A$  tem coordenadas  $(1,-3,0)$ ;
- $E$  tem coordenadas  $(0,-2, \frac{1}{2})$ ;
- o ponto  $C$  tem abcissa  $\frac{5}{3}$  e ordenada  $-\frac{11}{3}$ .



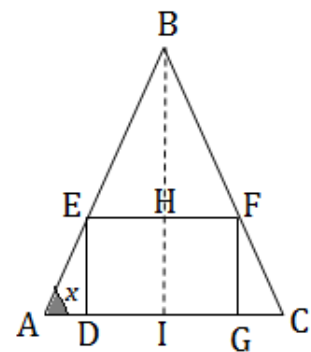
- 3.1 Determine as coordenadas do ponto I, ponto de interseção da diagonais espaciais do prisma.
- 3.2 Defina por meio de uma equação cartesiana o plano  $EFG$ .
- 3.3 Escreva uma equação vetorial da reta  $r$ , perpendicular ao plano  $EFG$  e que passa no ponto A.
- 3.4 Sejam  $M$  e  $N$  os pontos pertencentes ao plano  $ABC$  tais que  $M$  pertence ao semieixo positivo  $Ox$  e  $N$  pertence ao semieixo negativo  $Oy$ . Seja  $P$  um ponto com cota diferente de zero e que pertence ao eixo  $Oz$ . Mostre que o ângulo  $MPN$  é agudo.

4. Da figura junta sabe-se que:

- o triângulo  $[ABC]$  é isósceles ( $\overline{AB} = \overline{BC}$ );
- $[DEFG]$  é um retângulo;
- $\overline{DG} = 2$ ;
- $\overline{DE} = 1$ ;
- $x$  designa a amplitude do ângulo  $BAC$ .

Mostre que a área do triângulo  $[ABC]$  é dada, em função de  $x$ , por:

$$h(x) = 2 + \operatorname{tg}x + \frac{1}{\operatorname{tg}x} \quad \left( x \in ]0, \frac{\pi}{2}[ \right)$$



A professora: Ana Paula Jardim

### Cotações

Questões	1ª Parte	1.1	1.2	1.3	1.4	2.1	2.2	3.1	3.2	3.3	3.4	4	Total
Pontos	40	6	12	16	15	16	20	13	13	15	16	18	200