

Turma : 2

31 de outubro de 2016

Nome _____ Nº _____

Classificação: valores

O Professor _____

1ª Parte

As questões desta primeira parte são de escolha múltipla. Cada questão vale 8 pontos.

Apenas uma das opções está correta. Escreva a sua escolha na folha de respostas.

Atenção: Se apresentar mais do que uma resposta a questão será anulada.

1- Seja β um ângulo generalizado representado na circunferência trigonométrica e a um número real tal que $a \in]-1,0[$.

Sabe-se que $\cos\beta = a$ e $\operatorname{tg}\beta < 0$.

O lado extremidade de β pertence ao :

- (A) 1º quadrante (B) 2º quadrante (C) 3º quadrante (D) 4º quadrante

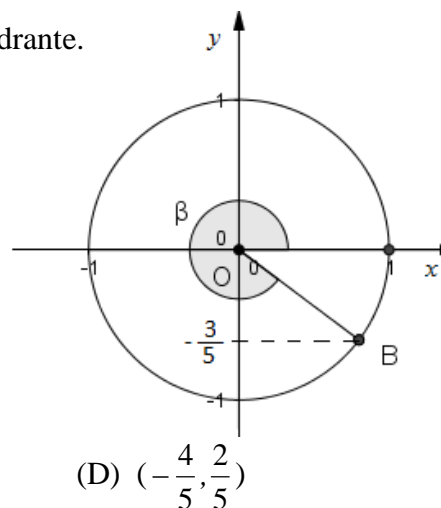
2- Na circunferência trigonométrica junta, estão representados um ângulo de amplitude β e um ponto sobre B, pertencente à circunferência, de ordenada $-\frac{3}{5}$ e situado no 4º quadrante.

Sabe-se que:

- O é a origem do referencial;
- O ponto C é o simétrico do ponto B em relação à origem.
- A semirreta \vec{OC} é a extremidade de um ângulo θ representado na circunferência trigonométrica;

Quais as coordenadas do ponto C?

- (A) $(-\frac{4}{5}, \frac{3}{5})$ (B) $(\frac{2}{5}, \frac{3}{5})$ (C) $(\frac{3}{5}, \frac{4}{5})$ (D) $(-\frac{4}{5}, \frac{2}{5})$

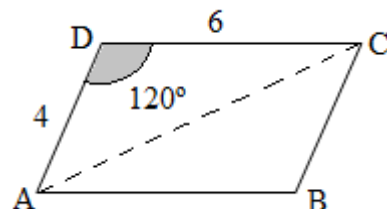


3- Na figura está representado um paralelogramo [ABCD]. Sabe-se que :

- $\overline{CD} = 6$
- $\overline{AD} = 4$
- $\widehat{ADC} = 120^\circ$

O valor de $\operatorname{sen}(\widehat{CAD})$ é, aproximadamente,:

- (A) 0,51 (B) 0,59 (C) 0,60 (D) 0,69



4- Para um determinado ângulo de amplitude α sabe-se que $\text{sen } \alpha = \frac{1}{5}$.

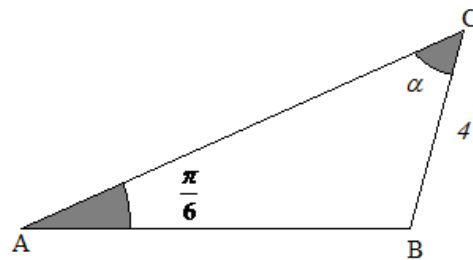
Para que amplitude x se tem $\text{cos } x = -\frac{1}{5}$?

- (A) $x = \pi + \alpha$ (B) $x = -\alpha$ (C) $x = \frac{\pi}{2} + \alpha$ (D) $x = \frac{\pi}{2} - \alpha$

5- Na figura está representado um triângulo [ABC].

Sabe-se que:

- $\widehat{BAC} = \frac{\pi}{6}$
- $\overline{BC} = 4$
- $\widehat{ACB} = \alpha \text{ rad}$



Qual das seguintes expressões representa \overline{AC} , em função de α ?

- (A) $\frac{\cos(\frac{5\pi}{6} - \alpha)}{8}$ (B) $\pi - \text{sen}(\frac{5\pi}{6} + \alpha)$ (C) $8 \cos(\frac{\pi}{6} + \alpha)$ (D) $8 \text{sen}(\frac{5\pi}{6} - \alpha)$

2ª Parte

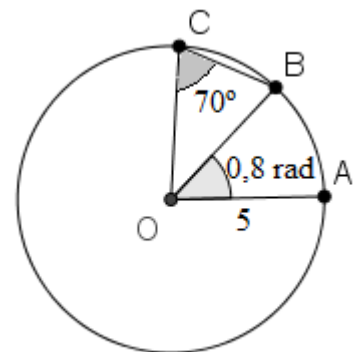
Nas questões desta segunda parte, apresente o seu raciocínio de forma clara, indicando todos os cálculos que tiver efetuado e todas as justificações julgadas necessárias.

Atenção: quando, para um resultado, não é pedida a aproximação, pretende-se sempre o valor exato.

1. Na figura junta está representada uma circunferência de centro em O e raio 5 cm.

Sabe-se que:

- A, B e C pertencem à circunferência;
- $\widehat{AOB} = 0,8 \text{ rad}$
- $\widehat{OCB} = 70^\circ$



Determine:

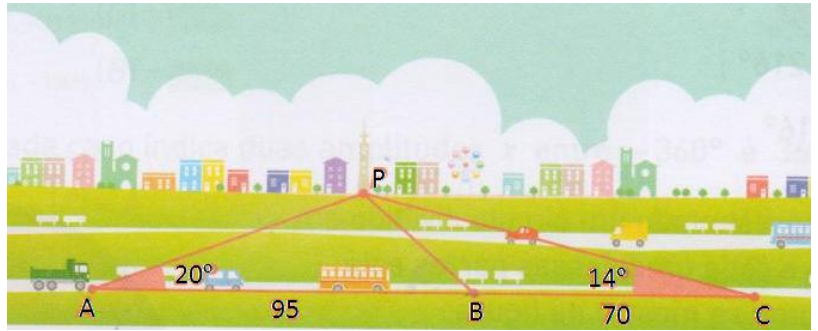
1.1 a medida do comprimento do arco AB.

1.2 em graus arredondado às décimas, a amplitude do ângulo AOB.

1.3 em radianos, as amplitudes dos ângulos internos do triângulo [OBC]. Apresente todos os cálculos efetuados.

2. Relativamente à figura sabe-se que:

- os pontos A, B e C são colineares, sendo $\overline{AB} = 95$ e $\overline{BC} = 70$
- $\hat{BAP} = 20^\circ$
- $\hat{PCB} = 14^\circ$



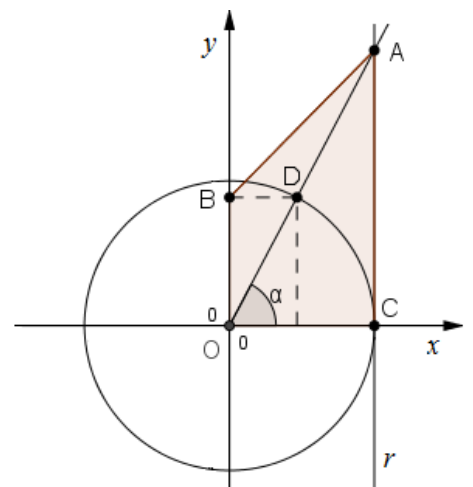
2.1 Determine \overline{AP} apresentando o resultado arredondado às centésimas.

2.2 Determine \overline{PB} e \hat{PBA} , utilizando para \overline{AP} o valor encontrado na alínea anterior.

Apresente os resultados aproximados às unidades.

3. No referencial ortonormado Oxy da figura estão representados:

- uma circunferência de **raio 2 unidades**;
- a reta r de equação $x=2$;
- a semirreta \dot{OA} sendo A um ponto móvel pertencente a r ;
- o ponto D, ponto de interseção de \dot{OA} com a circunferência;
- o ponto B, pertencente ao eixo das ordenadas;
- o ponto C, ponto de interseção da reta r como o eixo Ox ;
- a reta BD é paralela ao eixo das abcissas e a reta AC é paralela ao eixo das ordenadas;
- o ângulo COA, de amplitude α , sendo \dot{OC} o lado origem e \dot{OA} o lado extremidade. $\alpha \in]0, \frac{\pi}{2}[$



3.1 Mostre que a área do quadrilátero $[ABOC]$ é dada, em função de α , pela expressão:

$$A(\alpha) = 2 \sin \alpha \left(1 + \frac{1}{\cos \alpha} \right)$$

3.2 Determine a área do quadrilátero quando $\alpha = \frac{\pi}{4}$. Resolva o exercício sem recurso à máquina de calcular.

3.3 Seja $\theta \in]0, \frac{\pi}{2}[$ tal que $\operatorname{tg}(\pi - \theta) = -\sqrt{8}$. Determine o valor exato de $A(\theta)$.

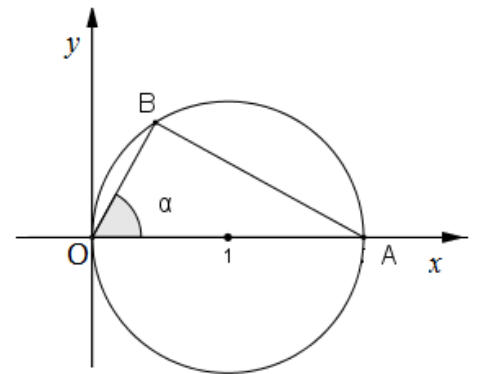
4. Verifique as igualdades seguintes para os valores de x para os quais as expressões têm significado:

4.1 $\cos\left(\frac{3\pi}{2} - x\right) - \operatorname{tg}(x + 5\pi) \times \operatorname{sen}\left(x - \frac{\pi}{2}\right) + \operatorname{sen}\left(\frac{\pi}{2} + x\right) = \cos x$

4.2 $\left(1 + \frac{1}{\operatorname{tg}^2 x}\right) \times \operatorname{sen}^2 x - \cos^2 x = \operatorname{sen}^2 x$

5. Na figura junta estão representados, num referencial ortonormado Oxy , uma circunferência e o triângulo $[OAB]$.

- A circunferência tem diâmetro $[AO]$;
- o ponto A tem coordenadas $(2,0)$;
- o vértice O do triângulo $[OAB]$ coincide com a origem do referencial;
- O ponto B desloca-se ao longo da semicircunferência superior;
- α é a amplitude do ângulo AOB , $\alpha \in]0, \frac{\pi}{2}[$.



Mostre que o perímetro do triângulo $[OAB]$ é dado, em função de α , por

$$P(\alpha) = 2(1 + \cos\alpha + \sin\alpha). \text{ Justifique todos os passos realizados.}$$

A professora: Ana Paula Jardim

Cotações

Questões	1ª Parte	1.1	1.2	1.3	2.1	2.2	3.1	3.2	3.3	4.1	4.2	5	Total
Pontos	40	5	5	15	12	17	15	15	21	20	15	20	200

Geometria

Comprimento de um arco de circunferência:

αr (α – amplitude, em radianos, do ângulo ao centro; r – raio)

Áreas de figuras planas

Polígono regular: $\text{Semiperímetro} \times \text{Apótema}$

Sector circular:

$\frac{\alpha r^2}{2}$ (α – amplitude, em radianos, do ângulo ao centro; r – raio)