

Duração: 90 minutos

Classificação:   , 

1.º Período -9/12/04

Nome:

N.º:

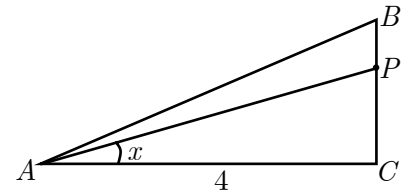
O professor:

**1ª Parte** (5 valores)

Em cada questão que responderes desta parte, sem apresentar cálculos, escreve na folha de respostas uma só letra, A, B, C ou D. Cada resposta certa vale **1** valor e cada errada tem cotação negativa (**-0,2** valores). No entanto, um total negativo nesta primeira parte do teste vale **0** pontos.

(1) Na figura está representado um triângulo rectângulo  $[ABC]$ , cuja base tem 4 unidades de comprimento.

Considera um ponto  $P$  que se desloca sobre o lado  $[BC]$ . Para cada posição do ponto  $P$ , seja  $x$  a amplitude do ângulo  $PAC$ . Qual das expressões seguintes dá a área do triângulo  $[APC]$  em função de  $x$ ?



A  $8 \operatorname{sen} x$

B  $8 \operatorname{cos} x$

C  $8 \operatorname{tg} x$

D  $4 \operatorname{tg} x$

(2) Dados os vectores  $\vec{a}$  e  $\vec{b}$  num referencial o.n., sabe-se que  $\vec{a} \cdot \vec{b} = -\sqrt{3}$ ,  $\|\vec{a}\| = 1$  e  $\|\vec{b}\| = 3$ .

Sendo  $\alpha$  a amplitude do ângulo formado por  $\vec{a}$  e  $\vec{b}$ , qual é o valor de  $\operatorname{sen} \alpha$ ?

A  $\frac{\sqrt{3}}{3}$

B  $\frac{\sqrt{6}}{3}$

C  $-\frac{\sqrt{3}}{3}$

D  $-\frac{\sqrt{6}}{3}$

(3) Num referencial o.n.  $xOy$ , são dados os pontos  $A(2,0)$  e  $B(0,-3)$ . Dado um ponto qualquer  $P(x,y)$ , o conjunto de pontos que verificam a condição  $(x-2, y) \cdot (x, y+3) = 0$  representa:

 A A circunferência de diâmetro  $[AB]$  B A circunferência de raio  $[AB]$  C A mediatriz de  $[AB]$  D A mediatriz de  $[AO]$ 

(4) Num referencial o.n.  $Oxyz$ , os vectores  $\vec{u}(0,1,2)$  e  $\vec{v}(k,3,k)$  são perpendiculares. Então:

A  $k = -2$

B  $k = -\frac{3}{2}$

C  $k = 0$

D  $k = \frac{2}{3}$

(5) As equações  $2x + 5y + 3z - 8 = 0$  e  $2x + 5y + 3z + 8 = 0$  pertencem, num referencial o.n.  $Oxyz$ , aos planos  $\alpha$  e  $\beta$ , respectivamente. Então, podemos concluir que  $\alpha$  e  $\beta$  são:

 A Coincidentes B Estritamente paralelos C Perpendiculares D Concorrentes mas não perpendiculares

**2ª Parte** (15 valores)

Nesta parte, apresenta o teu raciocínio de forma clara e indica todos os cálculos que fizeres para justificares as respostas.

**Atenção:** quando não é indicada a aproximação que se pede para um resultado, pretende-se sempre o **valor exacto**.

(1) Num certo dia, a altura da maré numa praia é dada, após  $t$  horas, por  $h(t) = 3 + 2 \cos\left(\frac{\pi t}{6}\right)$ .

A função  $h$  vem em metros e  $t \in [0, 24]$ .

(a) O Alfredo foi dar um mergulho às nove horas e trinta minutos. A essa hora, qual era a altura da maré? Apresenta o resultado em metros, arredondado às centésimas.

(b) Sem usar a calculadora (excepto para cálculos numéricos), indica após quanto tempo a altura da maré foi, pela primeira vez, igual a 4 metros.

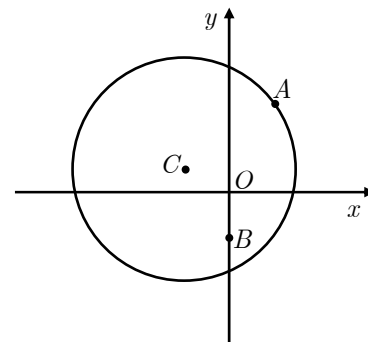
(c) Recorre à calculadora para determinar graficamente:

» a diferença de alturas entre a *preia-mar* e a *baixa-mar*;

» o tempo decorrido entre a primeira *preia-mar* e a segunda.

Apresenta todos os elementos recolhidos na utilização da calculadora, nomeadamente o gráfico, ou gráficos, obtido(s), bem como coordenadas relevantes de alguns pontos.

(2) Considera, no referencial o.n.  $xOy$  ao lado, a circunferência de centro no ponto  $C$  e definida pela equação  $(x + 2)^2 + (y - 1)^2 = 25$  e os pontos  $A(2,4)$  e  $B(0,-2)$ .



(a) Justifica que o ponto  $A$  pertence à circunferência dada.

(b) Calcula  $\overline{OA} \cdot \overline{OB}$ .

(c) Determina a amplitude do ângulo formado pelos vectores  $\overline{OA}$  e  $\overline{OB}$ . Apresenta o resultado no sistema decimal, arredondado às centésimas.

(d) Indica as coordenadas de todos os vectores  $\vec{u}$  perpendiculares a  $\overline{OA}$  e de norma igual a 10.

(e) Justifica que a recta  $t$ , tangente à circunferência no ponto  $A$ , tem por equação  $y = -\frac{4}{3}x + \frac{20}{3}$ .

(f) Calcula a inclinação da recta  $t$ . Apresenta o resultado em graus, arredondado às unidades.

(g) Escreve a equação reduzida da recta  $r$ , perpendicular à recta  $t$  no ponto  $B$ .