Novo Espaço - Matemática, 9.º ano

Proposta de resolução [outubro - 2018]



Caderno 1

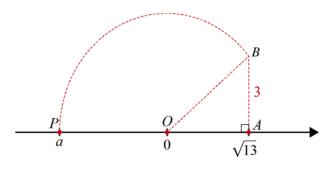
1. Pelo Teorema de Pitágoras:

$$\overline{OB}^2 = \overline{OA}^2 + \overline{AB}^2 \iff$$

$$\overline{OB}^2 = \left(\sqrt{13}\right)^2 + 3^2$$

Então, $\overline{OB} = \sqrt{22}$, pelo que se

conclui que $a = -\sqrt{22} \approx -4,69$.



Resposta: A abcissa do ponto P é, aproximadamente, -4,69.

2.
$$\overline{AB} = \frac{96}{6} = 16$$

Seja a o apótema do hexágono e M o ponto médio de [AB].

$$a^2 + \overline{AM}^2 = \overline{AO}^2 \Leftrightarrow a^2 + 8^2 = 16^2 \Leftrightarrow a^2 = 192$$

Sendo a > 0, tem-se $a = \sqrt{192}$.

$$A_{\text{hexágono}} = 6 \times A_{\text{[}ABO\text{]}} = 6 \times \frac{16 \times \sqrt{192}}{2} = 48 \times \sqrt{192} \approx 665,107$$

$$|665,1075-665| \approx 0,1075$$
; $|665,1075-665,5| \approx 0,3925$; $|665,1075-666| \approx 0,8925$

Resposta: O valor apresentado pela Rita é o que mais se aproxima do valor da área do hexágono.

3.1. Seja x a medida do lado de cada um dos 12 quadrados.

$$x = \sqrt{7}$$

Designando por P o perímetro do retângulo [ABCD], obtém-se:

$$P = 14\sqrt{7} \approx 37,0$$

Resposta: O perímetro do retângulo [ABCD] é, aproximadamente, 37,0 unidades de comprimento.

3.2. Seja y a medida do lado do quadrado [*PQRS*].

$$y^2 = 84$$
, ou seja, $y = \sqrt{84} \approx 9{,}165$.

$$\left[\left(\frac{1}{3} \right)^{-2}, \, 3\pi \right[=]9, \, 3\pi [$$

Como $3\pi > 9,42$, conclui-se que $\sqrt{84} \in]9, 3\pi[$.

Resposta: Opção **(B)** $\left[\left(\frac{1}{3}\right)^{-2}, 3\pi\right]$

Novo Espaço - Matemática, 9.º ano

Proposta de resolução [outubro - 2018]



4. A área pedida é a diferença entre a área da quarta parte de um círculo de raio \overline{AB} e a área do triângulo [ABC].

Sabe-se que
$$\overline{AB} = \sqrt{12}$$
.

Sendo
$$S$$
 a área da região pedida, tem-se $S = \frac{\pi\sqrt{12}^2}{4} - \frac{12}{2} = 3\pi - 6$.

$$S = 3\pi - 6 \approx 3,424778$$

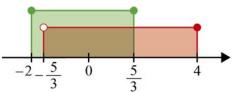
3,43 é um valor aproximado por excesso de S com um erro inferior a 0,01.

Resposta: O valor exato da área da região pedida é $3\pi-6$ e um valor aproximado por excesso com um erro inferior a 0,01 é 3,43.

Caderno 2

5.

5.1.
$$A \cup \left[-2, \frac{5}{3} \right] = \left[-2, 4 \right]$$



5.2.
$$3 - \frac{3+x}{2} > \frac{x}{4} \Leftrightarrow 12 - 6 - 2x > x \Leftrightarrow -3x > -6 \Leftrightarrow x < 2$$

$$B =]-\infty, 2[$$

$$\mathbb{R}^+ \cap B = \mathbb{R}^+ \cap]-\infty, 2[=]0,2[$$

$$\mathbb{R}^+ \cap B =]0,2[$$

6.
$$S = \left[7 \times 10^{-4}, \frac{5}{2} \right]$$

$$7 \times 10^{-4} = 0,0007 \text{ e } \frac{5}{2} = 2,5$$

$$S = \left[7 \times 10^{-4}, \frac{5}{2} \right] = \left[0,0007; 2,5 \right]$$

$$0,0027 \times 10^3 = 2,7$$

$$2,7 \notin S$$

Resposta: Opção **(B)** 0.0027×10^{3}

Novo Espaço - Matemática, 9.º ano

Proposta de resolução [outubro - 2018]



7.

7.1.
$$\overline{BC} = \overline{AD} = 4 + 2x$$

$$\overline{CD} = \overline{AB} = x$$

$$P = 2\overline{CD} + 2\overline{AD} = 2x + 2(2x + 4)$$

$$P = 2x + 4x + 8$$

$$P = 6x + 8$$

7.2.

a)
$$P = 17 \Leftrightarrow 6x + 8 = 17 \Leftrightarrow 6x = 9 \Leftrightarrow x = \frac{3}{2} \Leftrightarrow x = 1,5$$

Se $x = 1,5$, tem-se:
 $\overline{CD} = 1,5$ e $\overline{AD} = 4 + 2 \times 1,5 = 7$

A área do canteiro, em m^2 , é dada por $1,5 \times 7$, ou seja, 10,5.

Resposta: $10.5 \,\mathrm{m}^2$

b)
$$\overline{CD} \ge 1 \land P \le 23 \Leftrightarrow x \ge 1 \land 6x + 8 \le 23 \Leftrightarrow x \ge 1 \land x \le \frac{15}{6} \Leftrightarrow \Leftrightarrow x \ge 1 \land x \le \frac{5}{2} \Leftrightarrow x \in \left[1, \frac{5}{2}\right]$$
Resposta: $x \in \left[1, \frac{5}{2}\right]$

8.
$$2\left(1-\frac{x}{3}\right)+x<7 \Leftrightarrow 2-\frac{2x}{3}+x<7 \Leftrightarrow -\frac{2x}{3}+x<5 \Leftrightarrow -2x+3x<15 \Leftrightarrow x<15$$

Conjunto-solução:]-∞,15[

O maior número primo que é solução é 13.

Resposta: 13

9. Se
$$a > -1$$
, então $a^3 > (-1)^3$, ou seja, $a^3 > -1$. (1)
Como $a < 0$, então $a^3 < 0$. (2)

De (1) e (2), conclui-se que $a^3 \in]-1,0[$.

O simétrico, ou seja, $-a^3$ está entre 0 e 1. Como 1 < b, tem-se que $0 < -a^3 < b$.

Daqui resulta que o ponto C pertence ao segmento de reta [O, B].