

## FUNÇÕES E GRÁFICOS. FUNÇÕES POLINOMIAIS.

### TRANSFORMAÇÕES DE FUNÇÕES

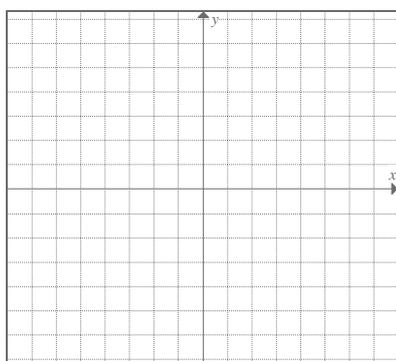
Considera a função definida por  $f(x) = x^3 - 3x^2$ .



$$Y_1 = x^3 - 3x^2$$

A partir do gráfico de  $f$ , constrói os gráficos das funções abaixo indicadas.

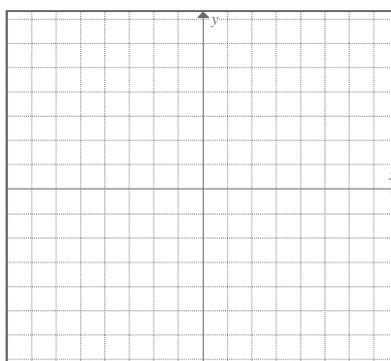
$$f_1(x) = f(x) + 3$$





$$Y_2 = Y_1 + 3$$

$$f_2(x) = f(x) - 2$$

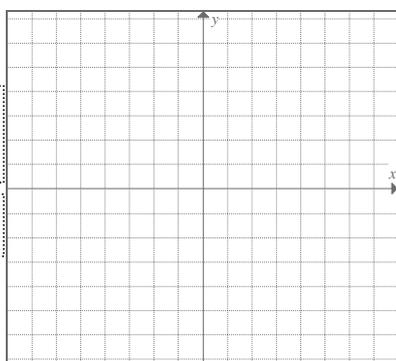




$$Y_3 = Y_1 - 2$$

**Conclusão:** Para construir o gráfico de uma função definida por  $f(x) + a$ , faz-se uma translação vertical ao gráfico de  $f$  (ie, o gráfico de  $f$  desloca-se para cima se  $a$  \_\_\_\_\_ e para baixo se \_\_\_\_\_)

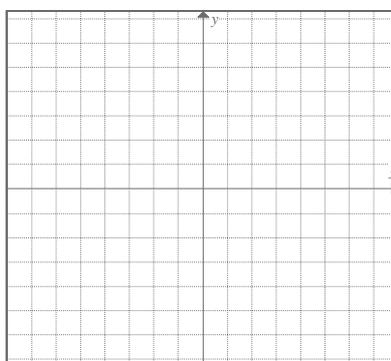
$$f_3(x) = f(x + 3)$$





$$Y_4 = Y_1(x+3) \rightarrow \text{só texas}$$
  
 ou  $Y_4 = (x+3)^3 - 3(x+3)^2$

$$f_4(x) = f(x - 2)$$

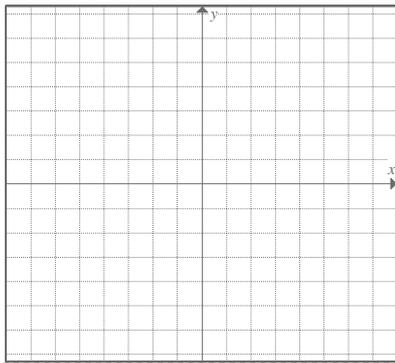




$$Y_5 = Y_1(x-2) \rightarrow \text{só texas}$$
  
 ou  $Y_5 = (x-2)^3 - 3(x-2)^2$

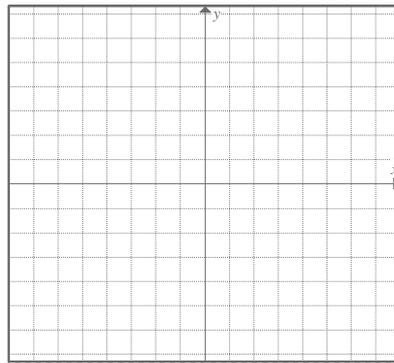
**Conclusão:** Para construir o gráfico de uma função definida por  $f(x+a)$ , faz-se uma translação \_\_\_\_\_ ao gráfico de  $f$  (ie, o gráfico de  $f$  desloca-se para a direita se \_\_\_\_\_ e para a esquerda se \_\_\_\_\_)

$$f_5(x) = 3f(x)$$



$$Y_6 = 3Y_1$$

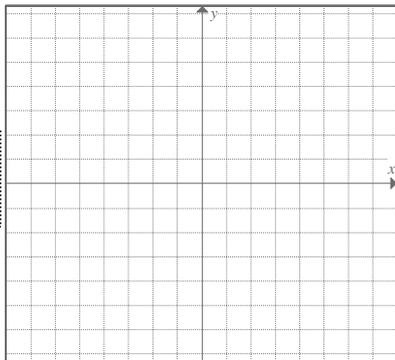
$$f_6(x) = -0,2f(x)$$



$$Y_7 = -0,2Y_1$$

**Conclusão:** Para construir o gráfico de uma função definida por  $a f(x)$ , faz-se, ao gráfico de  $f$ , uma dilatação vertical se  $a > 1 \vee a < -1$  (gráfico “mais fechado”) ou uma compressão vertical se \_\_\_\_\_ (gráfico “mais aberto”).

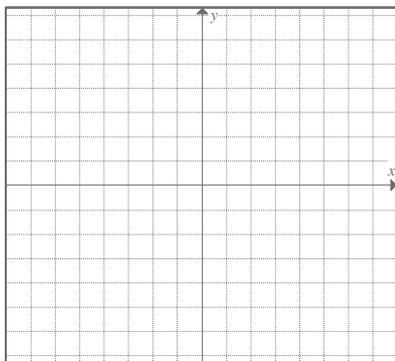
caso particular:  $f_7(x) = -f(x)$



$$Y_8 = -Y_1$$

**Conclusão:** Os gráficos de  $y = -f(x)$  e de  $y = f(x)$  são simétricos em relação ao eixo \_\_\_\_\_ .

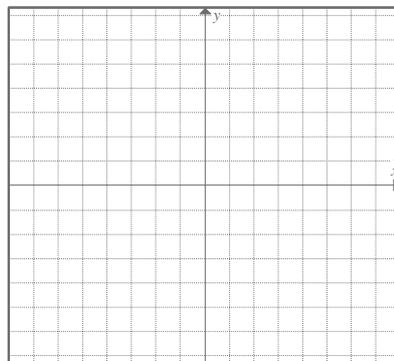
$$f_8(x) = f(3x)$$



$$Y_9 = Y_1 (3x) \rightarrow \text{só texas}$$

$$\text{ou } Y_9 = (3x)^3 - 3(3x)^2$$

$$f_9(x) = f(-0,2x)$$

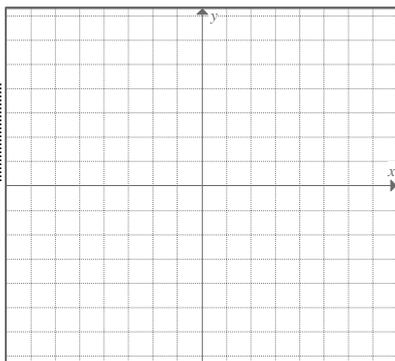


$$Y_{10} = Y_1 (-0,2x) \rightarrow \text{só texas}$$

$$\text{ou } Y_{10} = (-0,2x)^3 - 3(-0,2x)^2$$

**Conclusão:** Para construir o gráfico de uma função definida por  $f(ax)$ , o gráfico de  $f$  desloca-se na horizontal, fazendo uma dilatação se \_\_\_\_\_ ou uma compressão se \_\_\_\_\_.

caso particular:  $f_{10}(x) = f(-x)$



$$Y_{11} = Y_1 (-x) \rightarrow \text{só texas}$$

$$\text{ou } Y_{11} = (-x)^3 - 3(-x)^2$$

**Conclusão:** Os gráficos de  $y = f(-x)$  e de  $y = f(x)$  são simétricos em relação ao eixo \_\_\_\_\_ .