


FUNÇÕES E GRÁFICOS. FUNÇÕES POLINOMIAIS.

TRANSFORMAÇÕES DE FUNÇÕES

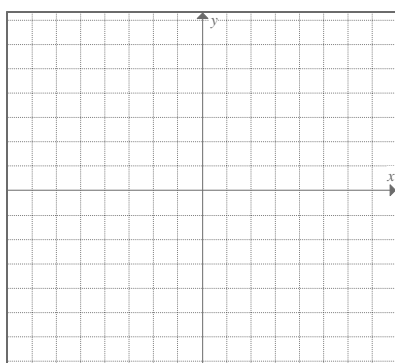
Considera a função definida por $f(x) = x^3 - 3x^2$.




$$Y_1 = x^3 - 3x^2$$

A partir do gráfico de f , constrói os gráficos das funções abaixo indicadas.

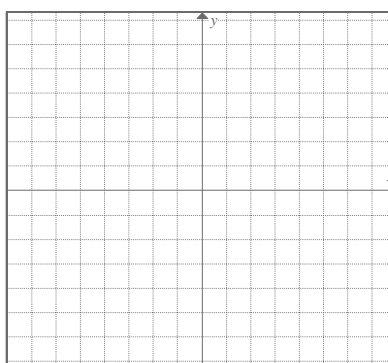
$$f_1(x) = f(x) + 3$$






$$Y_2 = Y_1 + 3$$

$$f_2(x) = f(x) - 2$$

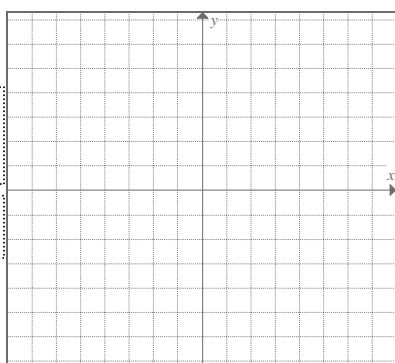





$$Y_3 = Y_1 - 2$$

Conclusão: Para construir o gráfico de uma função definida por $f(x) + a$, faz-se uma translação vertical ao gráfico de f (ie, o gráfico de f desloca-se para cima se a _____ e para baixo se _____)

$$f_3(x) = f(x + 3)$$

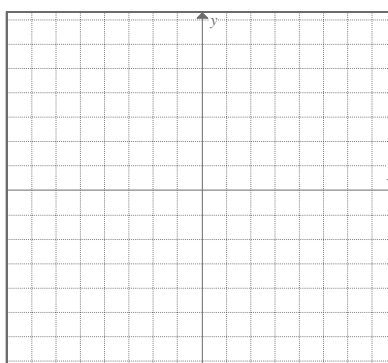





$$Y_4 = Y_1(x+3) \rightarrow \text{só texas}$$

 ou
$$Y_4 = (x+3)^3 - 3(x+3)^2$$

$$f_4(x) = f(x - 2)$$



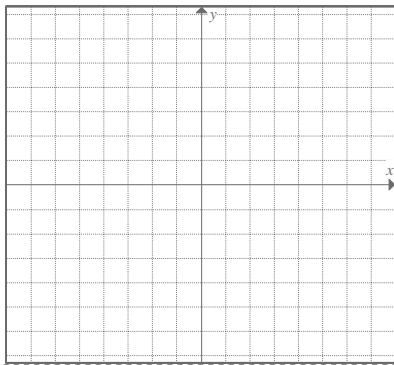


$$Y_5 = Y_1(x-2) \rightarrow \text{só texas}$$

 ou
$$Y_5 = (x-2)^3 - 3(x-2)^2$$

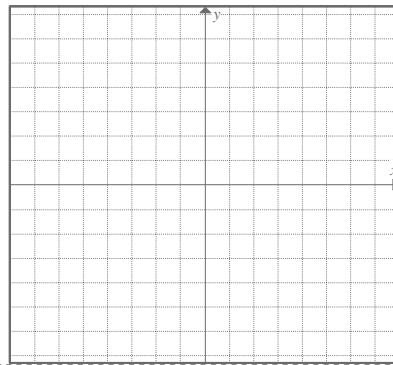
Conclusão: Para construir o gráfico de uma função definida por $f(x+a)$, faz-se uma translação _____ ao gráfico de f (ie, o gráfico de f desloca-se para a direita se _____ e para a esquerda se _____)

$$f_5(x) = 3f(x)$$



$$Y_6 = 3Y_1$$

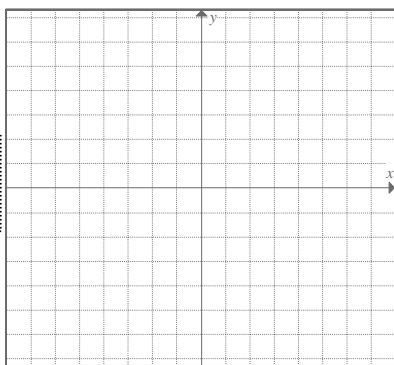
$$f_6(x) = -0,2f(x)$$



$$Y_7 = -0,2Y_1$$

Conclusão: Para construir o gráfico de uma função definida por $a f(x)$, faz-se, ao gráfico de f , uma dilatação vertical se $a > 1 \vee a < -1$ (gráfico “mais fechado”) ou uma compressão vertical se _____ (gráfico “mais aberto”).

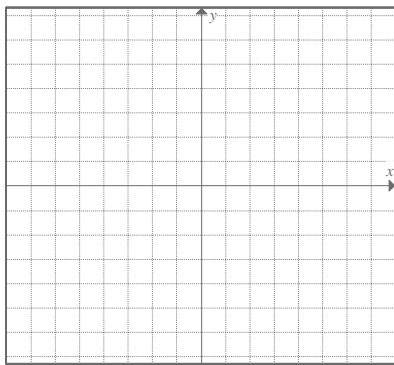
caso particular: $f_7(x) = -f(x)$



$$Y_8 = -Y_1$$

Conclusão: Os gráficos de $y = -f(x)$ e de $y = f(x)$ são simétricos em relação ao eixo _____ .

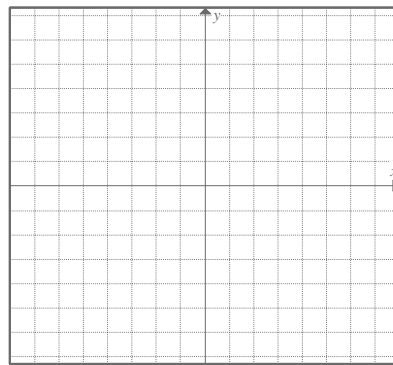
$$f_8(x) = f(3x)$$



$$Y_9 = Y_1 (3x) \rightarrow \text{só texas}$$

$$\text{ou } Y_9 = (3x)^3 - 3(3x)^2$$

$$f_9(x) = f(-0,2x)$$

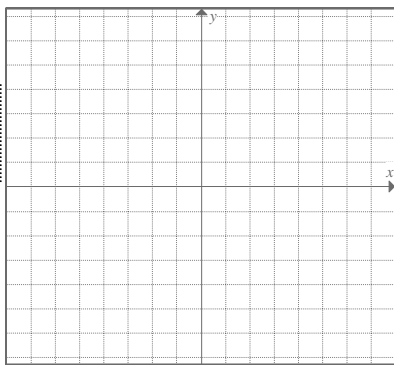


$$Y_{10} = Y_1 (-0,2x) \rightarrow \text{só texas}$$

$$\text{ou } Y_{10} = (-0,2x)^3 - 3(-0,2x)^2$$

Conclusão: Para construir o gráfico de uma função definida por $f(ax)$, o gráfico de f desloca-se na horizontal, fazendo uma dilatação se _____ ou uma compressão se _____.

caso particular: $f_{10}(x) = f(-x)$



$$Y_{11} = Y_1 (-x) \rightarrow \text{só texas}$$

$$\text{ou } Y_{11} = (-x)^3 - 3(-x)^2$$

Conclusão: Os gráficos de $y = f(-x)$ e de $y = f(x)$ são simétricos em relação ao eixo _____ .